

## ÜBUNGSBLATT 10

**Aufgabe 1.** (4 Punkte)

Zeigen Sie, dass mit den Bezeichnungen von Satz 8.5 die beiden dort angegebenen Geraden  $L_Q$  und  $L_R$  nicht parallel sein können!

**Aufgabe 2.** (4 Punkte)

Für zwei Punkte  $P = \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}$  und  $Q = \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix}$  im  $\mathbb{R}^2$  definieren wir die Translation  $T_{P,Q}: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  durch

$$T_{P,Q} \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) := \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}.$$

Zeigen Sie, dass dann gilt:

- $T_{P,Q}(P) = Q$ ,  $T_{P,Q}(O) = Q - P$ , wobei  $O := \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$  ist.
- Zwei Translationen  $T_{P,Q}$  und  $T_{R,S}$  im  $\mathbb{R}^2$  sind genau dann gleich, wenn  $T_{P,Q}(R) = S$  ist.

**Aufgabe 3.** (4 Punkte)

- Gegeben sei eine Translation  $T_{P,Q}$  (mit den Bezeichnungen aus Aufgabe 2). Zeigen Sie, dass  $T_{P,Q}$  eine bijektive Abbildung ist!
- Zeigen Sie, dass die Drehung um einen Winkel  $\alpha$  eine bijektive Abbildung ist!
- Zeigen Sie: Sind  $f, g, h$  drei Abbildungen mit  $h = f \circ g$ , so sind alle drei Abbildungen bijektiv, wenn zwei Abbildungen bijektiv sind.