

Übungen zur Mathematik für Physiker II

Abgabe: Montag, 14.04.08, vor der Vorlesung in den Briefkästen

Blatt 1

Aufgabe 1. a) Man bestimme alle Lösungen des LGS

$$\begin{aligned}x + 2y + z &= 4 \\x + z &= 2 \\-x + 3y + 4z &= 6\end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}\lambda x + y + z &= 1 \\x + \lambda y + z &= 1, \quad \lambda \in \mathbb{R} \\x + y + \lambda z &= 1\end{aligned}$$

Aufgabe 2. Für welche $b_1, b_2, b_3, b_4 \in \mathbb{Q}$ ist

$$\begin{aligned}u + w + y &= b_1 \\v + w &= b_2 \\u + x + y &= b_3 \\v + x &= b_4\end{aligned}$$

- a) lösbar, aber nicht eindeutig lösbar
- b) eindeutig lösbar
- c) nicht lösbar.

Aufgabe 3. Bestimme alle $\lambda \in \mathbb{C}$, so daß

$$\begin{aligned}\lambda x + \lambda y - z &= 1 \\x + (1 + \lambda)y + 2\lambda z &= 1 \\(1 + \lambda)x + (1 + 2\lambda)y + \lambda^2 z &= 1\end{aligned}$$

lösbar ist.

Aufgabe 4. Gegeben sei das LGS

$$\begin{aligned}x + \lambda y &= a \\x + \lambda^2 y + (1 - \lambda^3)z &= b \\ \lambda x + y &= c\end{aligned} \quad \text{mit einem } \lambda \in \mathbb{C}.$$

Für welche $\lambda \in \mathbb{C}$ ist es stets lösbar, egal welche Werte a, b, c haben?